
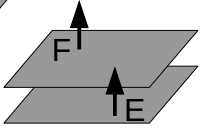
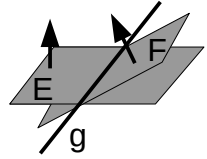
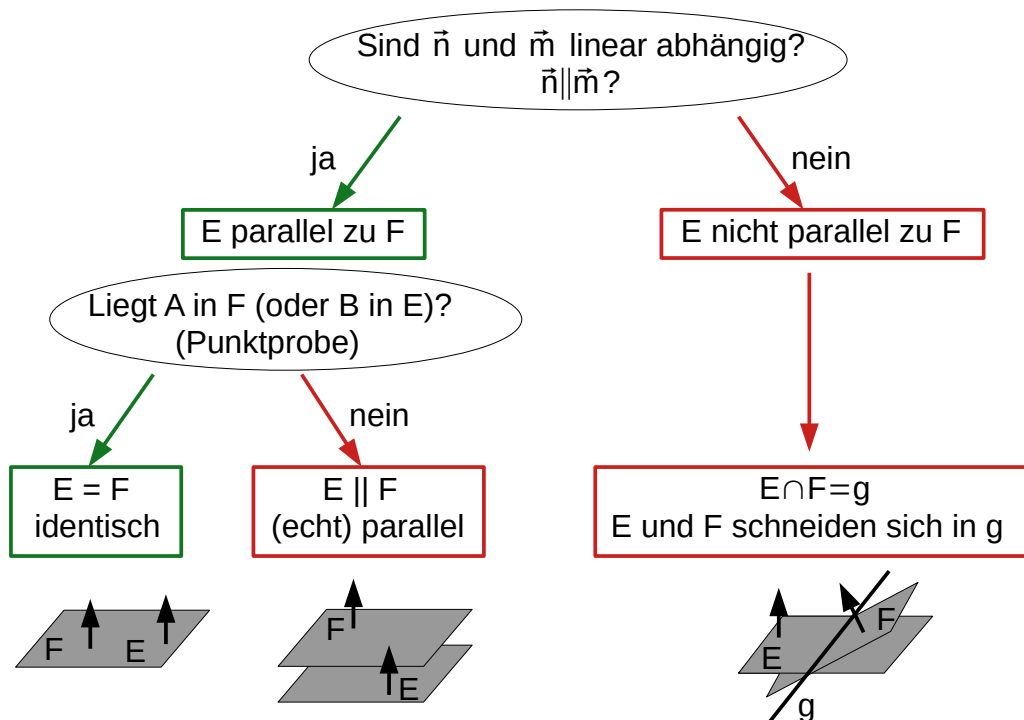


## G7 Gegenseitige Lage von Ebenen

- Zwei Ebenen E und F können drei verschiedene Lagebeziehungen zueinander haben:

- E und F sind identisch:  $E=F$  
- E ist (echt) parallel zu F:  $E \parallel F$  
- E und F schneiden sich in Gerade g:  $E \cap F = g$  

- Vorgehen für die Ebenen  $E: \vec{n} \circ (\vec{X} - \vec{A}) = 0$  und  $F: \vec{m} \circ (\vec{X} - \vec{B}) = 0$



- Beispiele: Bestimmen Sie die gegenseitige Lage der Ebene  $E: \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -2 \end{pmatrix} \circ \left( \vec{X} - \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix} \right) = 0$  zu

- $F: \begin{pmatrix} -2 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix} \circ \left( \vec{X} - \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix} \right) = 0$

- $F: -0,5x_1 + x_3 - 1 = 0$

- $F: \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \circ \left( \vec{X} - \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 3 \end{pmatrix} \right) = 0$

Lösungen auf nächster Seite →

- $E: \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -2 \end{pmatrix} \circ \left( \vec{X} - \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix} \right) = 0$  und  $F: \begin{pmatrix} -2 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix} \circ \left( \vec{X} - \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix} \right) = 0$  sind identisch  $E = F$ , denn:

- Normalenvektoren sind linear abhängig (also parallel):  $\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -2 \end{pmatrix} = -\frac{1}{2} \cdot \begin{pmatrix} -2 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix}$  ✓

- Aufpunkt von E liegt in Ebene F:  $\begin{pmatrix} -2 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix} \circ \left( \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} -2 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix} \circ \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} = 4 + 0 - 4 = 0$  ✓

- $E: \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -2 \end{pmatrix} \circ \left( \vec{X} - \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix} \right) = 0$  und  $F: -0,5x_1 + x_3 - 1 = 0$  sind parallel  $E \parallel F$ , denn:

- Normalenvektoren sind linear abhängig (also parallel):  $\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -2 \end{pmatrix} = -2 \cdot \begin{pmatrix} -0,5 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$  ✓

- Aufpunkt von E liegt nicht in Ebene F:  $-0,5 \cdot (-2) + 3 - 1 = 1 + 3 - 1 = 3 \neq 0$  ⚡

- $E: \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -2 \end{pmatrix} \circ \left( \vec{X} - \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix} \right) = 0$  und  $F: \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \circ \left( \vec{X} - \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 3 \end{pmatrix} \right) = 0$  schneiden sich in einer Gerade, denn:

- Normalenvektoren sind linear unabhängig (also nicht parallel):  $\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -2 \end{pmatrix} = \text{⚡} \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$

- Hinweis: Die Schnittgerade  $g$  muss im Abitur 2021 **nicht** berechnet werden!